

**Критерии оценивания заданий по физике  
для проведения муниципального этапа  
Всероссийской олимпиады школьников  
на территории Калининградской области  
в 2020/2021 учебном году**

**Внимание! При оценивании решений, представленных участниками олимпиады, проводится проверка на плагиат. По итогам проверки участнику могут быть начислены штрафные баллы (от 1 до 10 баллов за задачу).**

**Всероссийская олимпиада школьников**

**II (муниципальный) этап**

**Физика**

**7 класс**

Общее время выполнения работы – **3 часа.**

Максимальное количество баллов - **40**

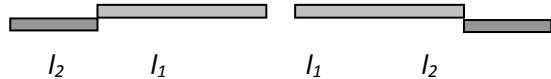
При выполнении работы можно пользоваться непрограммируемым калькулятором.

**ЗАДАЧА 1. (10 баллов)**

По двум параллельным путям равномерно движутся два поезда: товарный, длина которого  $l_1 = 630 \text{ м}$  и скорость  $V_1 = 48 \text{ км/ч}$ , и пассажирский длиной  $l_2 = 120 \text{ м}$  со скоростью  $V_2 = 102 \text{ км/ч}$ . Какова относительная скорость движения поездов, если они движутся: а) в одном направлении; б) в противоположных направлениях? В течение какого времени один поезд обгоняет другой?

**РЕШЕНИЕ.**

$$\text{а). } V_{\text{отн1}} = V_2 - V_1 = 54 \frac{\text{км}}{\text{час}} = 15 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



$$\text{б). } V_{\text{отн2}} = V_2 + V_1 = 150 \frac{\text{км}}{\text{час}} = 42,7 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$t_{\text{обг}} = \frac{l_1 + l_2}{V_2 - V_1} = 50 \text{ с}$$

**ОТВЕТ:** 15 м/с , 42,7 м/с , 50с

**Критерии оценивания задачи №1.**

Получено выражение и значение скорости а)	<b>3 балла</b>
Получено выражение и значение скорости б)	<b>3 балла</b>
Получено выражение и значение времени	<b>4 балла</b>

**ЗАДАЧА 2. (10 баллов)**

Из пунктов А и В, расстояние между которыми равно  $l$ , одновременно навстречу друг другу начали двигаться два тела: первое со скоростью  $V_1$ , второе со скоростью  $V_2$ . Определить время и место их встречи. Решить задачу аналитически и показать графическое решение задачи.

**РЕШЕНИЕ.**

Скорость сближения автомобилей  $V = V_1 + V_2$ , поэтому они встретятся через время

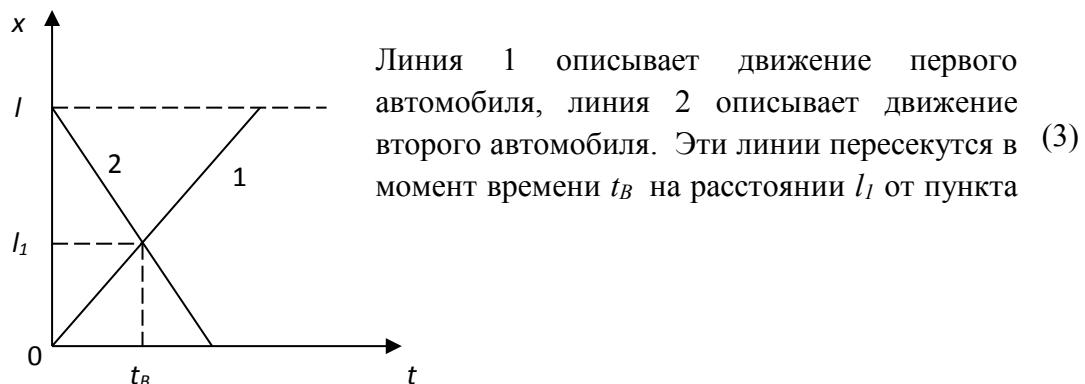
$$t_B = \frac{l}{V_1 + V_2}. \quad (1)$$

За этот время первый автомобиль пройдет от пункта  $A$  расстояние

$$l_1 = V_1 t_B = V_1 \frac{l}{V_1 + V_2}. \quad (2)$$

На таком расстоянии от пункта  $A$  они и встретятся.

Графическое решение :



$$\text{ОТВЕТ: } t_B = \frac{l}{V_1 + V_2} \quad l_1 = V_1 t_B = V_1 \frac{l}{V_1 + V_2}$$

Критерии оценивания задачи №2.

Получено выражение для скорости сближения и выражение для времени (1)	<b>4 балла</b>
Получено выражение расстояние от пункта $A$ (2)	<b>4 балла</b>
Построен график	<b>2 балла</b>

### ЗАДАЧА 3. (10 баллов)

При одинаковых объемах кусок железа имеет массу на 12,75 кг большую, чем кусок алюминия. Определить массу кусков железа и алюминия.

РЕШЕНИЕ.

$$m_{\text{ж}} = V \cdot \rho_{\text{ж}} \quad (1)$$

$$m_{\text{ж}} - m_{\text{Al}} = \Delta m \quad (3)$$

$$V = \frac{\Delta m}{\rho_{\text{ж}} - \rho_{\text{Al}}} \quad (5)$$

$$m_{\text{ж}} = \frac{\Delta m}{\rho_{\text{ж}} - \rho_{\text{Al}}} \rho_{\text{ж}} \quad (6)$$

$$m_{\text{Al}} = V \cdot \rho_{\text{Al}} \quad (2)$$

$$V \cdot \rho_{\text{ж}} - V \cdot \rho_{\text{Al}} = \Delta m \quad (4)$$

$$m_{\text{Al}} = \frac{\Delta m}{\rho_{\text{ж}} - \rho_{\text{Al}}} \rho_{\text{Al}} \quad (7)$$

$$m_{\text{ж}} = \frac{12,75}{7800 - 2700} 7800 = 19,5 \text{ кг}$$

$$m_{\text{ал}} = \frac{12,75}{7800 - 2700} 2700 = 6,75 \text{ кг}$$

ОТВЕТ: 19,5 кг , 6,75 кг

Критерии оценивания задачи №3.

Записаны выражения для масс (1) и (2)	<b>2 балла</b>
Записаны выражения для разности масс (3) и (4)	<b>2 балла</b>
Получено выражение объема (5)	<b>3 балла</b>
Получены выражения масс (5) и (6)	<b>3 балла</b>

#### ЗАДАЧА 4. (10 баллов)

У предпринимателя Епифания на складе есть 2460 чугунных гирь и 3765 пуховых подушек. Ему необходимо перевезти эти вещи со склада в магазин. В одну фуру помещается  $10 \text{ м}^3$  товаров, но она не может везти больше 5 тонн. Каждая подушка весит 100 г и занимает в фуре 10 л, каждая гиря весит 10 кг и занимает 5 л. Какое минимально количество фур понадобится Епифанию, чтобы полностью перевезти товары?

РЕШЕНИЕ.

Перевод всех данных в систему Си:

$$M = 5 \text{ т} = 5000 \text{ кг}$$

$$m_1 = 100 \text{ г} = 0,1 \text{ кг}$$

$$V_1 = 10 \text{ л} = 0,01 \text{ м}^3$$

$$V_2 = 5 \text{ л} = 0,005 \text{ м}^3$$

Чтобы понадобилось как можно меньше фур, должно соблюдаться два условия: фуры должны быть максимально загружены по объему и массе.

$$\text{Общая масса товара } 24976,5 \text{ кг. (1)}$$

$$\text{Общий объем товара } 49,95 \text{ м}^3. \quad (2)$$

$$\text{По массе и по объему нужно, как минимум } 5 \text{ фур. (3)}$$

В каждой фуре должно быть одинаковое количество товара.

Разделим массу всех гирь и всех подушек на 5 и получим возможную массу гирь в одной фуре 4920 кг и подушек 75,3 кг. (4)

Это соответствует 492 гирям и 753 подушкам.

Проверим, влезает ли такое количество гирь и подушек в одну фуру по объему.

Объем 492 гирь равен  $2,46 \text{ м}^3$ .

Объем 753 подушек равен  $7,53 \text{ м}^3 \quad (5)$

Таким образом, общий объем подушек и гирь в одной машине  $9,99 \text{ м}^3$ , что меньше объема, который помещается в одну фуру.

ОТВЕТ: 5 фур (6)

Критерии оценивания задачи №4.

Вычислена общая масса товара и общий объем товара (1) и (2)	<b>2 балла</b>
Определено предварительное количество фур (3)	<b>2 балла</b>

Произведён расчёт распределения товара по фурам (4)	<b>3 балла</b>
Произведён расчёт вместимости товара по фурам (5) и сделан вывод с ответом (6)	<b>3 балла</b>

**Всероссийская олимпиада школьников**  
**II (муниципальный) этап**  
***Физика***  
***8 класс***

Общее время выполнения работы – **3 часа.**

Максимальное количество баллов - **40**

При выполнении работы можно пользоваться непрограммируемым калькулятором.

**ЗАДАЧА 1. (10 баллов)**

У предпринимателя Епифания на складе есть 2460 чугунных гирь и 3765 пуховых подушек. Ему необходимо перевезти эти вещи со склада в магазин. В одну фуру помещается  $10 \text{ м}^3$  товаров, но она не может везти больше 5 тонн. Каждая подушка весит 100 г и занимает в фуре 10 л, каждая гиря весит 10 кг и занимает 5 л. Какое минимально количество фур понадобится Епифанию, чтобы полностью перевезти товары?

**РЕШЕНИЕ.**

Перевод всех данных в систему Си:

$$M = 5 \text{ т} = 5000 \text{ кг}$$

$$m_1 = 100 \text{ г} = 0,1 \text{ кг}$$

$$V_1 = 10 \text{ л} = 0,01 \text{ м}^3$$

$$V_2 = 5 \text{ л} = 0,005 \text{ м}^3$$

Чтобы понадобилось как можно меньше фур, должно соблюдаться два условия: фуры должны быть максимально загружены по объему и массе.

Общая масса товара 24976,5 кг.

Общий объем товара  $49,95 \text{ м}^3$ .

По массе и по объему нужно, как минимум 5 фур.

В каждой фуре должно быть одинаковое количество товара.

Разделим массу всех гирь и всех подушек на 5 и получим возможную массу гирь в одной фуре 4920 кг и подушек 753 кг.

Это соответствует 492 гирям и 753 подушкам.

Проверим, влезает ли такое количество гирь и подушек в одну фуру по объему.

Объем 492 гирь равен  $2,46 \text{ м}^3$ .

Объем 753 подушек равен  $7,53 \text{ м}^3$

Таким образом, общий объем подушек и гирь в одной машине  $9,99 \text{ м}^3$ , что меньше объема, который помещается в одну фуру.

**ОТВЕТ:** 5 фур

Критерии оценивания задачи №1.

Вычислена общая масса товара и общий объем товара (1) и (2)	<b>2 балла</b>
Определено предварительное количество фур (3)	<b>2 балла</b>
Произведён расчёт распределения товара по фурам (4)	<b>3 балла</b>
Произведён расчёт вместимости товара по фурам (5) и сделан вывод с ответом	<b>3 балла</b>

### ЗАДАЧА 2. (10 баллов)

Два одинаковых сообщающихся сосуда наполнены жидкостью плотностью  $\rho_0$  и установлены на горизонтальном столе. В один из сосудов кладут маленький груз массой  $m$  и плотностью  $\rho$ . На сколько будут после этого отличаться силы давления сосудов на стол? Массой гибкой соединительной трубы с жидкостью можно пренебречь.

#### РЕШЕНИЕ.

При решении задачи следует рассмотреть два случая:

- 1)  $\rho < \rho_0$  и
- 2)  $\rho > \rho_0$ .

В первом случае груз плавает в жидкости, и поскольку её уровень в обоих сообщающихся сосудах одинаков, то давление жидкости на дно сосудов одинаково, и силы давления сосудов на стол также одинаковы.

$$F_{\text{дав1}} = F_{\text{дав2}}. \quad (1)$$

Во втором случае утонувший груз будет лежать на дне сосуда, и давить на него с силой, равной разности силы тяжести и силы Архимеда.

$$F_{\text{уп}} = mg - F_A. \quad (2)$$

$$F_A = \rho_0 g V = \frac{\rho_0 g m}{\rho}. \quad (3)$$

При этом жидкость по-прежнему будет давить на дно сообщающихся сосудов с одинаковой силой. Поэтому сосуд с грузом будет давить на стол с силой, превышающей силу давления сосуда без груза на величину  $\Delta F = F_{\text{уп}}$

$$\Delta F = mg \left(1 - \frac{\rho_0}{\rho}\right). \quad (4)$$

ОТВЕТ:  $\Delta F = mg \left(1 - \frac{\rho_0}{\rho}\right)$

#### Критерии оценивания задачи №2.

Получены выражение равновесия в первом случае (1)	<b>2 балла</b>
Получена сила давления груза на дно (2)	<b>3 балла</b>
Найдено выражение для силы Архимеда (3)	<b>2 балла</b>
Получен ответ (4)	<b>3 балла</b>

**ЗАДАЧА № 3. (10 баллов)**

На краю крыши висят сосульки конической формы, геометрически подобные друг другу, но разной длины. После резкого потепления от  $T_1 = 0^\circ C$  до  $T_2 = 10^\circ C$ , самая маленькая сосулька длиной  $l = 10$  см растаяла за время  $t = 2$  часа. За какое время растает большая сосулька длиной  $L = 30$  см, если внешние условия не изменятся?

**РЕШЕНИЕ:**

Количество тепла  $\Delta Q$ , поступающее к сосульке из внешней среды за небольшой промежуток времени  $\Delta t$ , пропорционально площади её боковой поверхности  $S$  и этому промежутку:

$$\Delta Q \sim S\Delta t. \quad (1)$$

Это тепло идёт на плавление льда при неизменной его температуре  $0^\circ C$ , то есть,

$$\Delta Q = \Delta m \lambda, \quad (2)$$

где  $\lambda$  - удельная теплота плавления льда.

Масса растаявшего за время  $\Delta t$  льда равна:

$$\Delta m = \rho S \Delta h,$$

где  $\rho$  - плотность льда.

Толщина растаявшего слоя  $\Delta h$  пропорциональна изменению длины сосульки, поскольку сосулька тает с поверхности, сохраняя свою форму. Получаем, что

$$\Delta Q = \lambda \rho S \Delta h \sim \lambda \rho S \Delta l \sim S \Delta t, \quad (3)$$

откуда

$$\frac{\Delta l}{\Delta t} = \frac{1}{\rho \lambda}. \quad (4)$$

Таким образом, длина сосульки убывает с постоянной скоростью. (5)

Поэтому сосулька длиной  $L$  растает за время

$$t_1 = \frac{L}{l} t = 6 \text{ часов.} \quad (6)$$

**ОТВЕТ:** 6 часов.

Критерии оценивания задачи №3.

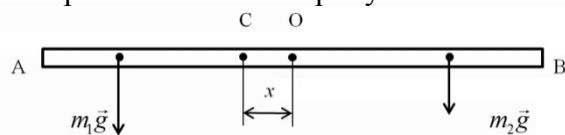
Определена пропорциональность $\Delta Q$ (1)	<b>2 балла</b>
Записано выражение для теплоты плавления (2)	<b>1 балл</b>
Определена пропорциональность $\Delta Q$ (3)	<b>3 балла</b>
Установлена линейная зависимость (4) и (5)	<b>4 балла</b>

**ЗАДАЧА 4. (10 баллов)**

Стержень цилиндрической формы длиной  $l = 40$  см состоит на половину своей длины из свинца и наполовину — из железа. Найти расстояние от центра тяжести до центра симметрии стержня. Плотность свинца  $\rho_1 = 11,4 \text{ г/см}^3$ , плотность железа  $\rho_2 = 7,8 \text{ г/см}^3$ .

**РЕШЕНИЕ.**

Центр тяжести тела (центр масс) — точка приложения силы притяжения его к земле — веса тела  $P$ . У тел, имеющих какую-либо симметрию, он совпадает с центром симметрии. Например, у однородного цилиндра центр тяжести расположен на его оси в центре цилиндра. Тело, закреплённое на оси, проходящей через его центр тяжести, находится в состоянии безразличного равновесия. Мысленно закрепим стержень **AB** на оси, перпендикулярной стержню и проходящей через его центр тяжести **C**, отстоящий от его геометрического центра **O** на расстояние  $x$  в сторону более тяжёлой половины стержня.



Воспользуемся условием равновесия рычага :

$$m_1 g \left( \frac{l}{2} - x \right) = m_2 g \left( \frac{l}{2} + x \right) \quad (1)$$

где  $m_1 = \rho_1 V$ ,  $m_2 = \rho_2 V$  — массы каждой из половин стержня,  $V$  — объём половины. Из уравнения найдём

$$x = \frac{(m_1 - m_2)l}{4(m_1 + m_2)} = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1 + \rho_2} \cdot \frac{l}{2}$$

$$x = 3,75 \text{ см}$$

**ОТВЕТ:** 3,75 см

Критерии оценивания задачи №4.

Проведены рассуждения и построен рисунок	<b>2 балла</b>
Записано правило равновесия рычага	<b>3 балла</b>
Получено выражение для расстояния $x$	<b>3 балла</b>
Вычислено значение расстояния	<b>2 балла</b>

**Всероссийская олимпиада школьников**  
**II (муниципальный) этап**

**Физика**  
**9 класс**

Общее время выполнения работы – **3 часа 50 минут.**

Максимальное количество баллов - **50**

При выполнении работы можно пользоваться непрограммируемым калькулятором.

**ЗАДАЧА № 1. (10 баллов)**

Обмотка реостата имеет сопротивление  $R_0$ . Для каждой из трех схем включения реостата (рис. *a*, *б*, *в*) постройте график зависимости сопротивления цепи  $R$  от сопротивления *r* **правой части** реостата.

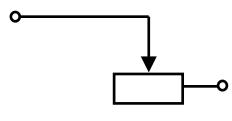


рис. *a*

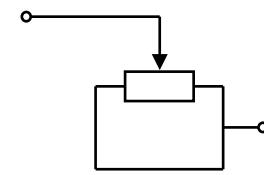


рис. *б*

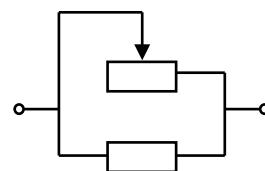


рис. *в*

**РЕШЕНИЕ:**

Для схемы, на рис. *a*, очевидно,  $R = r$ . Таким образом, зависимость будет линейной с максимальным значением  $R_0 = R$ .  
 В схеме, на рис. *б* части реостата с сопротивлениями  $r$  и  $R_0 - r$  соединены параллельно

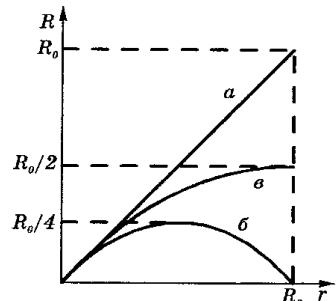
$$R = \frac{r(R_0 - r)}{r + (R_0 - r)} = \frac{r(R_0 - r)}{R_0} = -\frac{1}{R_0}r^2 + r$$

Вид графика парабола, с максимальным значением  $R = R_0/4$  при  $r = R_0/2$

В схеме, на рис. *в* соединены параллельно проводники с сопротивлениями  $r$  и  $R_0$  поэтому:

$$R = \frac{rR_0}{r + R_0}$$

с максимальным значением  $R = R_0/2$  при  $r = R_0$ .



**Критерии оценивания задачи №1.**

Получен и представлен график а)	<b>2 балла</b>
Получен и представлен график б)	<b>4 балла</b>

Получен и представлен график в)	<b>4 балла</b>
---------------------------------	----------------

### ЗАДАЧА № 2. (10 баллов)

Сплошной шарик из алюминия диаметром  $d = 1 \text{ см}$  бросили в 50%-ный раствор азотной кислоты. В данных условиях с одного квадратного сантиметра поверхности растворяется  $10^{-4} \text{ г}$  алюминия в час. Через какое время шарик полностью растворится в кислоте? (плотность алюминия  $\rho = 2,7 \text{ г/см}^3$ )

РЕШЕНИЕ.

Рассмотрим процесс коррозии. Пусть в некоторый момент времени шарик имел радиус  $R$  и площадь поверхности  $S$ , и пусть за маленький промежуток времени  $\Delta t$  радиус шарика вследствие коррозии уменьшился на величину  $\Delta R$ .

Тогда объём растворённого за это время алюминия будет равен

$$\Delta V = S\Delta R, \quad (1)$$

его масса составляет

$$\Delta m = \rho S\Delta R. \quad (2)$$

С другой стороны, масса растворённого за время  $\Delta t$  алюминия равна

$$\Delta m = GS\Delta t, \quad (3)$$

где  $G = 10^{-4} \text{ г}/(\text{см}^2 \cdot \text{ч})$  - количество граммов металла, растворяющегося за один час с одного квадратного сантиметра поверхности.

Приравняем полученные выражения:

$$\rho S\Delta R = GS\Delta t.$$

Отсюда скорость уменьшения радиуса шарика:

$$\Delta R/\Delta t = G/\rho. \quad (4)$$

Мы видим, что радиус шарика уменьшается с постоянной скоростью. Теперь можно получить ответ задачи. Ясно, что шарик растворится полностью тогда, когда изменение его радиуса  $\Delta R$  станет равно половине его начального диаметра. Тогда из последней формулы получаем:

$$T = \rho d / 2G = 562,5 \text{ суток} \sim 18,5 \text{ месяцев.} \quad (5)$$

ОТВЕТ: 18,5 месяцев

#### Критерии оценивания задачи №2.

Определено изменение объёма $\Delta V$	<b>2 балла</b>
Определено изменение массы $\Delta m$	<b>2 балла</b>
Определена скорость изменения массы $\Delta m / \Delta t$	<b>2 балла</b>
Определена скорость изменения радиуса $\Delta R / \Delta t$	<b>2 балла</b>
Получено выражение для времени и произведен верный расчёт	<b>2 балла</b>

### ЗАДАЧА 3. (10 баллов)

Самолет, оторвавшись от взлетной дорожки, летит по прямой линии, составляющей с горизонтом угол  $\alpha = 30^\circ$ , с начальной скоростью  $v_0 = 50 \text{ м/с}$  и ускорением  $a = 3 \text{ м/с}^2$ . Из самолета спустя время  $t_0 = 5 \text{ с}$  после отрыва его от земли выброшен по вертикали вниз ключ с начальной скоростью  $u_0 = 3 \text{ м/с}$  относительно самолета. На каком расстоянии от места взлета упадет ключ? (ускорение свободного падения принять  $g=10 \text{ м/с}^2$ )

РЕШЕНИЕ.

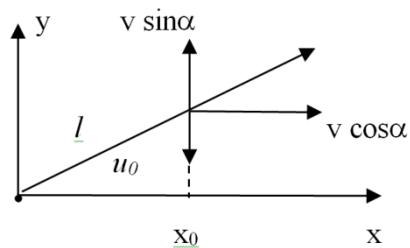
Полная скорость самолета в момент выброса ключа

$$v = v_0 + at = 65 \text{ м/с}$$

$$v_b = v \sin \alpha - u_0 = 29,5 \text{ м/с}$$

(1)

$$v_r = v \cos \alpha = 65 \cdot 0,0866 \text{ м/с}$$



Расстояние, которое пролетел самолет к моменту выброса ключа

$$l = v_0 t + at^2/2 \approx 288 \text{ м}$$

$$\text{Высота } h = l \sin \alpha = 144 \text{ м} \quad (2)$$

Уравнение для координаты  $y$ :  $y = v_b t_n - g t_n^2/2 + h = 0$  (в момент падения  $y = 0$ )

$$t_n^2 - 2v_b t_n/g - 2h/g = 0 \quad (3)$$

$$t_n \approx v_b/g + \sqrt{\frac{v_b^2}{g^2} + \frac{2h}{g}} \approx 9 \text{ с} \quad (4)$$

$$\text{Уравнение для } x \quad x = x_0 + v_r t_n \quad \text{при } g = 10 \text{ м/с}^2 \quad S = x_0 + v_r t_n = 756 \text{ м} \quad (5)$$

ОТВЕТ: 756 м

Критерии оценивания задачи №3.

Найдены значения скоростей (1)	<b>2 балла</b>
Получено значение расстояния $l$ и высоты $h$ (2)	<b>3 балла</b>
Записано уравнение координаты $y$ (3)	<b>2 балла</b>
Решено уравнение и получено значение времени (4)	<b>2 балла</b>
Найдено значение $S$ (5)	<b>1 балл</b>

### ЗАДАЧА 4. (10 баллов)

На стеклянную плоскопараллельную пластинку толщины  $d$  падает луч света под углом  $\alpha$ . Луч частично отражается от верхней поверхности, частично проходит в пластинку и, отразившись от нижней поверхности, выходит через верхнюю поверхность. Найти угол  $\varphi$  выхода луча и длину  $L$  пути, пройденного преломленным лучом в пластинке. Показатель преломления стекла равен  $n$ .

РЕШЕНИЕ:

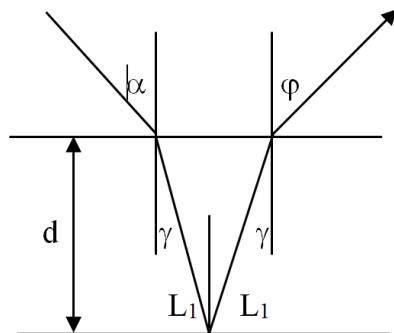
На верхней границе:

$$\sin \alpha / \sin \gamma = n \quad (1) \quad \sin \alpha = n \sin \gamma$$

На нижней границе угол падения равен углу отражения и, так как пластина плоскопараллельная, то отраженный луч упадет на верхнюю грань под углом  $\gamma$ . Далее на границе раздела:

$$\sin \gamma / \sin \varphi = 1/n \quad \sin \varphi = n \sin \gamma \quad (2)$$

$$\varphi = \alpha$$



Длина  $L$  пройденного в пластинке пути будет равна:

$$L = 2 L_1$$

$$L_1 = d / \cos \gamma \quad (3)$$

$$\sin \gamma = \sin \alpha / n \quad \cos \gamma = \sqrt{(n^2 - \sin^2 \alpha)} / n$$

$$L = 2dn / \sqrt{(n^2 - \sin^2 \alpha)} \quad (4)$$

ОТВЕТ:  $L = 2dn / \sqrt{(n^2 - \sin^2 \alpha)}$

Критерии оценивания задачи №4.

Записаны законы преломления (1) и (2)	<b>3 балла</b>
Найдены выражения для оптического пути (3)	<b>3 балла</b>
Получено выражение $L$ (4)	<b>4 балла</b>

### ЗАДАЧА 5. (10 баллов)

На дне сосуда стоит деревянный куб с ребром  $a=20$  см. В сосуд наливают воду, которая постепенно проникает под нижнюю грань куба. Когда уровень воды поднимется выше верхней грани куба на  $h=5$  см, куб всплынет. Найдите площадь сухой поверхности нижней грани куба перед его всплытием. Известно, что плотность дерева  $\rho_d=0,5$  г/см<sup>3</sup>.

## РЕШЕНИЕ.

Вода проникает под куб, а в ней давление распространяется по закону Паскаля во все стороны. Поэтому всплытие куба обеспечит разность давлений воды на его верхнюю и нижнюю грани.

$$mg = F_A \quad (1)$$

$$F_A = F_h - F_b \quad (2)$$

Давление столба на верхнюю грань куба равно

$$p_h = \rho gh = \frac{F_b}{a^2}$$

Давление на нижнюю грань равно

$$p_b = \rho g(h+a) = \frac{F_b}{S_b} \quad (3)$$

Где  $S_b$  – площадь поверхности нижней грани, под которую проникла вода.

Тогда

$$\begin{aligned} mg &= \rho g(h+a) \cdot S_b - \rho gha^2 \\ \rho_o a^3 &= \rho(h+a) \cdot S_b - \rho ha^2 \\ \rho(h+a) \cdot S_b &= \rho_o a^3 + \rho ha^2 \end{aligned} \quad (4)$$

$$S_b = \frac{\rho_o a^3 + \rho ha^2}{\rho(h+a)} = 0,024 \text{ м}^2 \quad (5)$$

Таким образом, площадь сухой поверхности равна

$$S_c = a^2 - S_b = 0,04 - 0,024 = 0,016 \text{ м}^2 \quad (6)$$

ОТВЕТ: 0,016 м<sup>2</sup> (или 160 см<sup>2</sup>).

## Критерии оценивания задачи №5.

Записано выражение условия равновесия (1) и (2)	<b>2 балла</b>
Определено давление для верхней и нижней грани (3)	<b>3 балла</b>
Решены уравнения (4) и получено значение $S_b$ (5)	<b>3 балла</b>
Получено искомое значение площади сухой поверхности $S_c$ (6)	<b>2 балла</b>

**Всероссийская олимпиада школьников**  
**II (муниципальный) этап**  
**Физика**  
**10 класс**

Общее время выполнения работы – **3 часа 50 минут.**

Максимальное количество баллов - **50**

При выполнении работы можно пользоваться непрограммируемым калькулятором.

**ЗАДАЧА № 1. (10 баллов)**

В лифте находится ведро с водой, в котором плавает мяч. Как изменится глубина погружения мяча, если лифт будет двигаться с ускорением  $a$ , направленным вверх?  
Вниз?

**РЕШЕНИЕ.**

При плавании мяча в воде в неподвижном лифте выполняется условие равновесия по закону Архимеда

$$mg = \rho_B g V_B, \quad (1)$$

где  $m$  - масса мяча,  $V_B$  - объем вытесненной воды,  $\rho_B$  - ее плотность.

Когда лифт движется с ускорением, вес тела, т.е. сила давления тела на воду, равен  $m(g \pm a)$ . Знак «плюс» соответствует ускорению, направленному вверх, знак «минус» - ускорению, направленному вниз.

Можно сказать, что просто происходит замена  $g$  на  $g \pm a$ .

Однако при ускоренном движении лифта вес вытесненной жидкости, а поэтому и сила Архимеда изменяется во столько же раз, во сколько раз изменяется вес любого тела! (2)

Значит, равновесие сохранится без изменения объема вытесненной воды  $V_B$ . Таким образом глубина погружения мяча не изменится.

**ОТВЕТ:** не изменится.

**Критерии оценивания задачи №1.**

Записано выражение условия равновесия (1)	<b>3 балла</b>
Установлено изменение веса вытесненной воды (2)	<b>4 балла</b>
Сделан вывод о неизменности глубины погружения (3)	<b>3 балла</b>
	<b>2 балла</b>

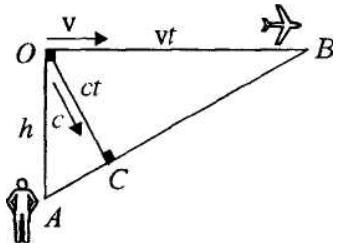
**Задача № 2. (10 баллов)**

Самолет летит горизонтально со сверхзвуковой скоростью  $v = 470 \text{ м/с}$ . Человек услышал звук от самолета через  $t = 21 \text{ с}$  после того, как самолет пролетел над ним. На какой высоте

летит самолет? (значение высоты округлить с точностью до ста метров, скорость звука принять  $c=333$  м/с)

### РЕШЕНИЕ.

Так как  $v > c$ , то фронт звуковой волны представляет собой коническую поверхность с вершиной в том месте, где в данный момент находится самолет. Скорость звука  $c$  характеризует скорость распространения фронта волны и направлена она всегда по нормали к фронту волны (см. рисунок).



В момент времени  $t$ , когда человек услышит звук, самолет пройдет расстояние  $vt$ , а фронт волны от точки, расположенной над человеком, пройдет расстояние  $ct$ . Из подобия прямоугольных треугольников  $BOC$  и  $AOC$  получим:

$$\frac{h}{ct} = \frac{vt}{\sqrt{(vt)^2 - (ct)^2}}.$$

А для высоты

$$h = \frac{ct}{\sqrt{1 - c^2/v^2}} = 9900 \text{ м}.$$

ОТВЕТ: 9900 м

Критерии оценивания задачи №2.

Выполнен рисунок распространения звуковой волны (1)	<b>4 балла</b>
Установлены соотношения между пройденными путями самолёта и звуковой волны (2)	<b>3 балла</b>
Найдено выражение и рассчитано значение высоты (3)	<b>3 балла</b>

### ЗАДАЧА 3. (10 баллов)

На изначально покоящийся на гладком горизонтальном столе брускок массы  $m = 2$  кг, начали действовать постоянной горизонтальной силой  $F$ . В результате была получена зависимость мощности  $N$  от перемещения  $s$  бруска. Некоторые измерения могли оказаться не очень точными.

- В каких координатных осях экспериментальная зависимость мощности от перемещения линейна?
- Определите мощность силы в точке с координатой  $s = 10$  см (округление до сотой)
- Найдите значение силы  $F$  (округление до десятой).

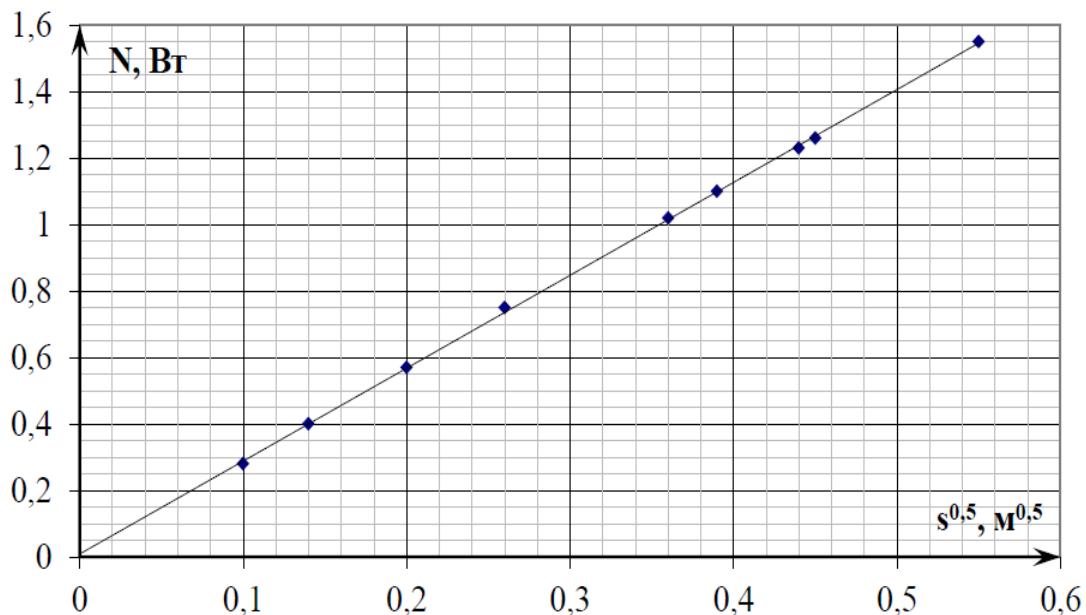
$N, \text{ Вт}$	0,28	0,40	0,57	0,75	1,02	1,10	1,23	1,26	1,50
$s, \text{ см}$	1,0	2,0	4,0	7,0	13	15	19	20	30

### РЕШЕНИЕ.

Так  $N=Fv$  и работа силы  $A = Fs = \frac{mv^2}{2}$ , (1)

откуда  $N = \sqrt{\frac{2F^3 s}{m}}$ , (2)

зависимость линейна в осях  $N$  и  $\sqrt{s}$  (3)



Методом линейной интерполяции в интервале значений пути от 7 см до 13 см определяем мощность для  $s=10$  см, что составляет 0,89 Вт. (4)

Вычисляя коэффициент углового наклона графика

$$k = \frac{\Delta N}{\sqrt{\Delta s}} = \sqrt{\frac{2F^3}{m}} \approx 2,8 \text{ Вт}/\text{м}^{1/2} \quad (5)$$

определяем значение силы  $F = \sqrt[3]{\frac{k^2 m}{2}} \approx 2 \text{ Н}$  (6)

ОТВЕТ: 0,89 Вт и 2 Н

Критерии оценивания задачи №3.

Записаны выражения для мощности и работы (1) и (2)	<b>1 балла</b>
Построен график в требуемых осях	<b>3 балла</b>
Произведена интерполяция и получено значение мощности (4)	<b>3 балла</b>
По угловому коэффициенту верно рассчитано значение силы (5)	<b>3 балла</b>

#### ЗАДАЧА 4. (10 баллов)

Коэффициент полезного действия (к.п.д.) аккумулятора при подключении первого сопротивления равен 60%. Если подключить другое, к.п.д. аккумулятора станет равным 80%. Каков будет к.п.д. аккумулятора, если оба сопротивления соединить с аккумулятором: 1) последовательно? 2) параллельно?

## РЕШЕНИЕ .

Коэффициент полезного действия аккумулятора зависит от его внутреннего сопротивления  $r$  и сопротивления внешней цепи  $R$ .

$$\eta = \frac{P_{\text{полезн}}}{P_{\text{полн}}} = \frac{IU}{I\varepsilon} = \frac{I^2 R}{I^2(R+r)} = \frac{R}{(R+r)}$$

Если при подключении сопротивления  $R_1$  к.п.д. источника был равен  $\eta_1$ , а при подключении сопротивления  $R_2$  – равен  $\eta_2$ , то

$$\eta_1 = \frac{R_1}{R_1 + r} \quad \text{и} \quad \eta_2 = \frac{R_2}{R_2 + r} . \quad (1)$$

Если сопротивление  $R_1$  и  $R_2$  соединить последовательно ( $R = R_1 + R_2$ ), то аккумулятор будет работать с к.п.д.

$$\eta_3 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + r} . \quad (2)$$

При параллельном включении сопротивлений  $\left( R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \right)$  к.п.д. аккумулятора равен:

$$\eta_4 = \frac{R_1 R_2}{R_1 R_2 + R_1 r + R_2 r} . \quad (3)$$

Выразив из уравнений  $R_1$  и  $R_2$  ( $\eta_1 = 0,6$ ;  $\eta_2 = 0,8$ ), получим

$$R_1 = \frac{\eta_1 r}{1 - \eta_1} = \frac{3r}{2}, \quad R_2 = \frac{\eta_2 r}{1 - \eta_2 r} = 4r \quad (4)$$

Тогда

$$\eta_3 = \frac{11r/2}{13r/2} = 0,846 . \quad (5)$$

$$\eta_4 = \frac{R_1 R_2}{R_1 R_2 + R_1 r + R_2 r} = \frac{12r^2}{23r^2} = 0,52 . \quad (6)$$

ОТВЕТ: 0.85 и 0.52

Критерии оценивания задачи №4.

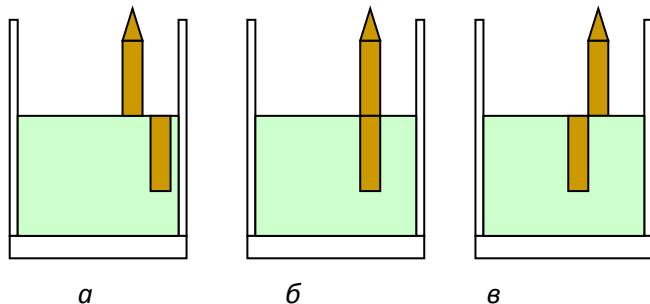
Записаны выражения к.п.д. (1)	<b>2 балла</b>
Записаны выражения для к.п.д. последовательного и параллельного подключения (2) и (3)	<b>2 балла</b>
Найдены величины $R_1$ и $R_2$ (4)	<b>3 балла</b>

Получены выражения и вычислены значения для к.п.д. (5) и (6)

**3 балла**

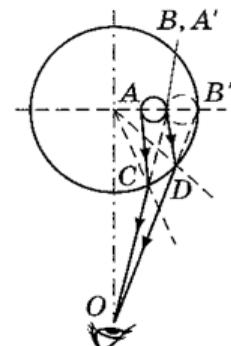
**ЗАДАЧА 5. (10 баллов)**

Построением показать (см.рис.), какой вид (*a*, *б* или *в*) имеет карандаш, погруженный в цилиндрический стакан с водой.



**РЕШЕНИЕ.**

Положение карандаша и его изображения в вертикальной проекции на дно сосуда показано на рисунке 4 соответственно сплошной и штриховой линиями. Проведя прямые  $OA'$  и  $OB'$  ( $O$  - положение глаза наблюдателя), найдем точки  $C$  и  $D$  преломления лучей, исходящих от крайних левой и правой точек карандаша.



ОТВЕТ: *в*.

**Критерии оценивания задачи №5.**

Построение рисунка с преломлением лучей на границе	<b>3 балла</b>
Построение перпендикуляров к границе раздела сред	<b>2 балла</b>
Показано схождение лучей в точку наблюдения	<b>3 балла</b>
Построение изображения карандаша	<b>2 балла</b>

**Всероссийская олимпиада школьников**  
**II (муниципальный) этап**  
**Физика**  
**11 класс**

Общее время выполнения работы – **3 часа 50 минут.**

Максимальное количество баллов - **50**

При выполнении работы можно пользоваться непрограммируемым калькулятором.

**ЗАДАЧА 1. (10 баллов)**

Два одинаковых шарика движутся навстречу друг другу. При этом скорость первого шарика  $v_1$  вдвое больше скорости второго  $v_2$ . В результате абсолютно неупругого удара температура шариков возросла на величину  $\Delta T = 4K$ . Найти скорости шариков, если теплоемкость вещества, из которого сделаны шарики, равна  $450 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \text{К}}$ .

**РЕШЕНИЕ.**

Учтем, что  $v_1 = 2v_2$ , и из закона сохранения импульса получим

$$2mv_2 - mv_2 = 2mi \quad (1)$$

Закон превращения энергии при неупругом ударе

$$\frac{4mv_2^2}{2} + \frac{mv_2^2}{2} = \frac{2mi^2}{2} + \Delta U \quad (2)$$

где  $\Delta U$  – приращение внутренней энергии.

Для величины  $\Delta U$  получим

$$\Delta U = \frac{9mv_2^2}{4} \quad (3)$$

Эта энергия идет на нагрев материала шариков

$$\Delta U = 2mc\Delta T = \frac{9mv_2^2}{4} \quad (4)$$

Тогда

$$v_2 = \sqrt{\frac{8c\Delta T}{9}} = 40 \frac{m}{c} \quad \text{и} \quad v_1 = 80 \frac{m}{c} \quad (5)$$

ОТВЕТ: 40 м/с и 80 м/с

Критерии оценивания задачи №1.

Записан закон сохранения импульса (1)

**2 балла**

Записан закон сохранения и превращения энергия (2)	<b>2 балла</b>
Получено выражение для приращения энергии (3)	<b>2 балла</b>
Записано уравнение теплового баланса (4)	<b>2 балла</b>
Получены значения скоростей $v_1$ и $v_2$ (5)	<b>2 балла</b>

### ЗАДАЧА 2. (10 баллов)

Коэффициент полезного действия (к.п.д.) аккумулятора при подключении первого сопротивления равен 60%. Если подключить другое, к.п.д. аккумулятора станет равным 80%. Каков будет к.п.д. аккумулятора (округлить до сотых), если оба сопротивления соединить с аккумулятором: 1) последовательно? 2) параллельно?

РЕШЕНИЕ .

Коэффициент полезного действия аккумулятора зависит от его внутреннего сопротивления  $r$  и сопротивления внешней цепи  $R$ .

$$\eta = \frac{P_{\text{полезн}}}{P_{\text{полн}}} = \frac{IU}{I\varepsilon} = \frac{I^2 R}{I^2 (R + r)} = \frac{R}{R + r}$$

Если при подключении сопротивления  $R_1$  к.п.д. источника был равен  $\eta_1$ , а при подключении сопротивления  $R_2$  – равен  $\eta_2$ , то

$$\eta_1 = \frac{R_1}{R_1 + r} \quad \text{и} \quad \eta_2 = \frac{R_2}{R_2 + r} . \quad (1)$$

Если сопротивление  $R_1$  и  $R_2$  соединить последовательно ( $R = R_1 + R_2$ ), то аккумулятор будет работать с к.п.д.

$$\eta_3 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + r} .$$

При параллельном включении сопротивлений  $\left( R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \right)$  к.п.д. аккумулятора равен:

$$\eta_4 = \frac{R_1 R_2}{R_1 R_2 + R_1 r + R_2 r} .$$

Выразив из уравнений  $R_1$  и  $R_2$  ( $\eta_1 = 0,6$ ;  $\eta_2 = 0,8$ ), получим

$$R_1 = \frac{\eta_1 r}{1 - \eta_1} = \frac{3r}{2} , \quad R_2 = \frac{\eta_2 r}{1 - \eta_2} = 4r .$$

Тогда

$$\eta_3 = \frac{11r/2}{13r/2} = 0,846 .$$

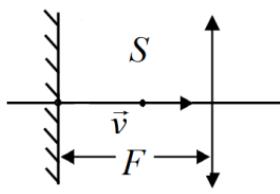
$$\eta_4 = \frac{R_1 R_2}{R_1 R_2 + R_1 r + R_2 r} = \frac{12r^2}{23r^2} = 0,52.$$

ОТВЕТ: 0,85 и 0,52

Критерии оценивания задачи №2.

Записаны выражения к.п.д. (1)	<b>2 балла</b>
Записаны выражения для к.п.д. последовательного и параллельного подключения (2) и (3)	<b>2 балла</b>
Найдены величины $R_1$ и $R_2$ (4)	<b>3 балла</b>
Получены выражения и вычислены значения для к.п.д. (5) и (6)	<b>3 балла</b>

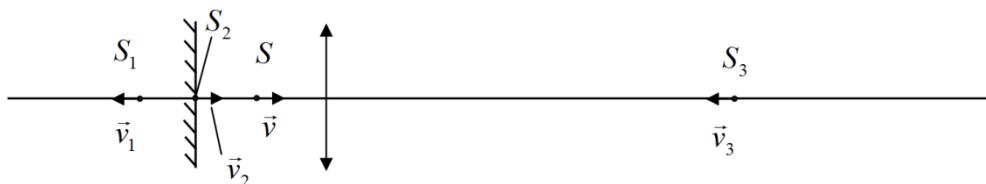
### ЗАДАЧА 3. (10 баллов)



Вдоль оптической оси системы, состоящей из плоского зеркала и тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F$ , равномерно движется точечный источник света  $S$  со скоростью  $v$  (рис.). Определите направление движения изображений в данной системе в тот момент, когда источник находится посередине между зеркалом и линзой, расстояние между которыми равно фокусному расстоянию линзы.

РЕШЕНИЕ.

В данной системе получится 3 изображения (см. рис.)



1) Изображение источника в зеркале  $S_1$  будет находиться на равном расстоянии по другую сторону зеркала и будет двигаться со скоростью  $v_1 = v$  влево.

2) Для нахождения положения изображения  $S_2$  (изображение точки  $S$  в линзе) воспользуемся формулой линзы

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \quad \frac{2}{F} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \quad b = F$$

Таким образом, изображение  $S_2$  мнимое и расположено в плоскости зеркала.

Изображение источника в линзе  $S_2$  движется вправо, приближаясь к зеркалу.

3) Третье изображение  $S_3$  создается лучами, отразившимися от зеркала и затем прошедшими линзу (изображение в линзе, получаемое от изображения в зеркале).

Для нахождения положения изображения  $S_3$  также воспользуемся формулой линзы

$$a = \frac{3F}{2}, \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \quad b = 3F.$$

Изображение  $S_3$  будет приближаться к линзе, следовательно, его скорость направлена влево.

ОТВЕТ: влево

Критерии оценивания задачи №3.

Определено количество изображений	<b>3 балла</b>
Записано уравнение тонкой линзы	<b>1 балл</b>
Определено положение и направление движения первого изображения $S_1$	<b>2 балла</b>
Определено положение и направление движения второго мнимого изображения $S_2$	<b>2 балла</b>
Определено положение и направление движения второго мнимого изображения $S_3$	<b>2 балла</b>

#### ЗАДАЧА 4. (10 баллов)

Горячая вода, налитая доверху в большой сосуд, охлаждается до температуры  $t_0$  за время  $\tau = 20$  мин. За какое время до температуры  $t_0$  остынет вода с той же начальной температурой, если разлить ее по маленьким сосудом, которые также заполнены доверху и подобны большому сосуду? Известно, что вода из большого сосуда помещается в  $n = 8$  маленьких, и что количество тепла, отдаваемое в единицу времени с единицы поверхности воды каждого сосуда, пропорционально разности температур воды и окружающей среды.

#### РЕШЕНИЕ.

Будем считать сосуды цилиндрическими. Обозначим радиус и высоту большого сосуда через  $R$  и  $H$ , а радиус и высоту маленького сосуда через  $r$  и  $h$ . Пусть масса воды в большом сосуде равна  $M$ , а его объём  $V$ . Тогда масса воды в маленьком сосуде  $m = M/n = M/8$ .

Подобие сосудов означает, что их радиусы  $R$  и  $r$  и глубины  $H$  и  $h$  отличаются друг от друга в одно и то же число раз  $N$ :

$$r = \frac{R}{N} \quad h = \frac{H}{N} \quad (1)$$

Значит объемы сосудов, а, следовательно, и массы воды в них связаны соотношением:

$$\frac{M}{m} = \frac{V}{v} = \frac{\pi R^2 H}{\pi r^2 h} = N^3 = n \quad (2)$$

Тогда  $N = \sqrt[3]{8} = 2$ .

По условию задачи, для каждого из сосудов теплоотдача (тепловая мощность потерь) происходит с поверхности воды в соответствии с законом

$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \alpha S(T - T_0), \quad (3)$$

где:

$\Delta Q$  – количество теплоты, отдаваемое за время  $\Delta t$  с поверхности площадью  $S$ ;

$T$  и  $T_0$  - начальная температура воды и температура окружающей среды;

$\alpha$  - постоянный коэффициент пропорциональности.

С другой стороны, известно, что при остывании горячей воды на  $\Delta T$  градусов она отдаёт количество теплоты

$$\Delta Q = CM \Delta T, \quad (4)$$

где  $C$  - удельная теплоёмкость воды.

Значит, справедливо равенство

$$\frac{CM \Delta T}{\Delta t} = \alpha S(T - T_0). \quad (5)$$

Учитывая, что площадь поверхности воды в сосуде пропорциональна квадрату его радиуса, а масса воды пропорциональна его объёму, для скорости остывания воды получаем:

$$\frac{\Delta T}{\Delta t} = \frac{\alpha S}{CM}(T - T_0) \sim \frac{\alpha R^2}{CR^2 H}(T - T_0) \sim \frac{T - T_0}{H}. \quad (6)$$

Таким образом, мы установили, что при одинаковой разности начальной температуры воды и температуры окружающей среды скорость остывания воды обратно пропорциональна глубине сосуда, то есть для большого сосуда, высота которого  $H = N h$ , скорость охлаждения будет вдвое меньше, чем для маленького. Отсюда следует, что время охлаждения воды в маленьком сосуде будет в 2 раза меньше.

$$\tau_1 = \tau / 2 = 10 \text{ мин.}$$

ОТВЕТ: 10 мин

Критерии оценивания задачи №4.

Предположено и доказано подобие сосудов и установлено соотношение масс (1) и (2)	1 балла
Записано уравнение тепловых потерь (тепловая мощность) (3)	2 балла
Записано уравнение теряемого количества теплоты и уравнение теплового баланса (4) и (5)	2 балла
Установлено, что скорость остывания воды обратно пропорциональна глубине сосуда $H$	3 балла
Найден коэффициент пропорциональности времени остывания и вычислено его значение	2 балла

### ЗАДАЧА 5. (10 баллов)

Конденсаторы, емкости которых равны  $C$ , и резисторы, имеющие сопротивления  $R$  и  $2R$ , включены в

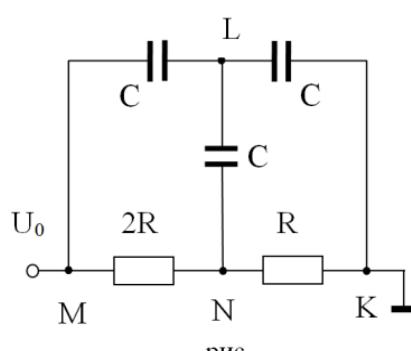


рис.

цепь, как показано на рис. Найти заряд на заземленной обкладке конденсатора. Напряжение  $U_0$  известно.

### РЕШЕНИЕ.

Через конденсаторы постоянный ток не идет. Потенциалы в точках схемы  $M$ ,  $N$  и  $K$  определяются падением напряжения на сопротивлениях и будут равны:

$$U_M = U_0 \quad U_N = \frac{U_0}{3} \quad U_K = 0 \quad (1)$$

$$C_1 = C_2 = C_3 = C$$

Сумма зарядов трех внутренних пластин конденсаторов, соединенных с точкой  $L$ , равна нулю:

$$q_1 + q_2 + q_3 = 0 \quad (2)$$

Пусть разность потенциалов на конденсаторе  $C_2$  равна  $U_2$ . Тогда

$$C(U_0 - U_2) = q_1 \quad CU_2 = q_2 \quad C(U_2 - U_0/3) = q_3 \quad (3)$$

отсюда

$$C(U_0 - U_2) + q_2 + C(U_2 - U_0/3) = 0$$

$$q_2 = -\frac{2}{3}CU_0 \quad (4)$$

ОТВЕТ:  $q_2 = -\frac{2}{3}CU_0$

### Критерии оценивания задачи №5.

Определены напряжения в точках М, N, K отн. земли (1)	<b>2 балла</b>
Записано уравнение закона сохранения заряда на внутр. обкладках	<b>3 балла</b>
Получены соотношения между зарядами и соответствующими емкостями	<b>2 балла</b>
Решены уравнения и получено искомое значение заряда	<b>3 балла</b>